

1 次の問いに答えなさい。

① 次の□にあてはまる数を求めなさい。

$$4\frac{2}{9} \times \left(2.6 \div \square - \frac{7}{10}\right) - 1\frac{2}{3} = 2\frac{2}{15}$$

$$\begin{aligned} \frac{38}{9} \times \square &= 2\frac{2}{15} + 1\frac{10}{15} \\ &= 3\frac{4}{5} \\ &= \frac{19}{5} \end{aligned}$$

$$\frac{19}{5} \times \frac{9}{38} = \frac{9}{10}$$

$$2.6 \div \square - 0.7 = 0.9$$

$$\square = \frac{26}{16} = \frac{13}{8} = 1\frac{5}{8}$$

答

1 5/8

✕ 図のように、長方形 ABCD があります。点 E, F はそれぞれ辺 AB, 辺 AD 上の点で、三角形 CEF は直角二等辺三角形です。直線 CE の長さは何 cm ですか。

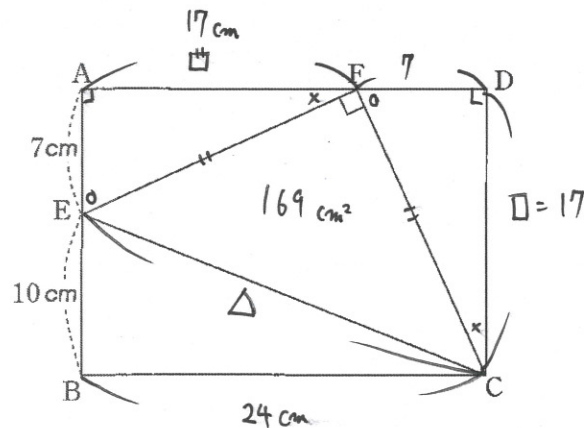
$$17 \times 24 - \frac{7 \times 17}{2} \times \frac{2}{1} - \frac{10 \times 24}{2}$$

$$= 169 \text{ cm}^2$$

$$(\Delta \times \Delta \div 2) \div 2 = 169$$

$$\Delta \times \Delta = 13 \times 13 \times 2 \times 2$$

$$\begin{aligned} \Delta &= 13 \times 2 \\ &= 26 \text{ cm} \end{aligned}$$

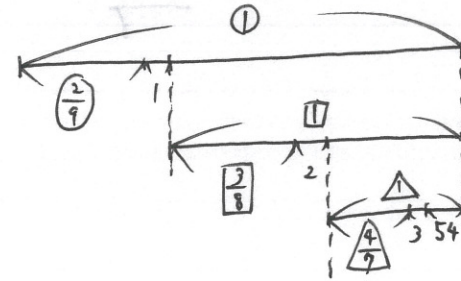


答

26 cm

③ 夏休みの宿題が□問出ました。はじめの10日間で、全体の $\frac{2}{9}$ と1問を解きました。次の10日間で、残りの $\frac{3}{8}$ と2問を解きました。さらに次の10日間で、残りの $\frac{4}{7}$ と3問を解きました。すると残りは、54問となりました。

□にあてはまる数を求めなさい。



$$\Delta = 57 \times \frac{7}{3} = 133$$

$$\square = 135 \times \frac{8}{5} = 216$$

$$\textcircled{1} = 217 \times \frac{9}{7} = 279$$

答

279

④ ボールが何個かあります。ボールが44個入る箱Aと、ボールが49個入る箱Bがあります。箱Aの数は箱Bの数より1多いです。これらのボールを箱Aに入れていくと、34個入りません。これらのボールを箱Bに入れていくと、23個入りません。ボールは何個ありますか。

Bを□箱とす。

$$\begin{aligned} 44 \times (\square + 1) + 34 &= 44 \times \square + 78 \\ 49 \times \square + 23 &= 49 \times \square + 23 \end{aligned} \quad \text{同じ}$$

$$\begin{aligned} \square &= (78 - 23) \div 5 \\ &= 11 \text{ 箱} \end{aligned}$$

$$49 \times 11 + 23 = 562$$

答

562 個

- ⑤ 1 から 178 までの各整数のけた数をすべて足し合わせると $\square{\text{ア}}$ になります。2 けたの整数 M から 3 けたの整数 N までの各整数のけた数をすべて足し合わせると 2018 になるような M と N の組は $\square{\text{イ}}$ 組あります。 $\square{\text{ア}}$, $\square{\text{イ}}$ にあてはまる数をそれぞれ求めなさい。

$$\text{ア} \dots 1 \times 9 + 2 \times 90 + 3 \times 79 = 9 + 180 + 426$$

$$\text{イ} \dots 2 \times \square + 3 \times \triangle = 2018$$

\square	1	4	...	88
\triangle	672	670	...	


$$1 + 3 \times \ast = 90 \text{ 以下}$$

$$\ast = (90 - 1) \div 3 = 29 \dots 2 \text{ 残り } 30 \text{ 組}$$

答	ア	426	イ	30
---	---	-----	---	----

- ② 点 O を中心とする半径 4.5 cm の大きい円の周上に点 P, 半径 3.6 cm の小さい円の周上に点 Q があります。はじめ 3 点 O, P, Q は、図のように一直線上に並んでいます。はじめの位置から点 P は反時計回りに大きい円の周上を、点 Q は時計回りに小さい円の周上を同時に出発して同じ速さで進み、同時にはじめの位置に戻ったときに止まります。次の $\square{\text{ア}} \sim \square{\text{ウ}}$ にあてはまる数をそれぞれ求めなさい。
- はじめて O, P, Q が一直線上に並ぶまでに点 P が進む道のりは $\square{\text{ア}}$ cm です。三角形 OPQ の面積が最も大きくなる時、その面積は $\square{\text{イ}}$ cm^2 であり、このような場合は $\square{\text{ウ}}$ 回あります。

P を $4^\circ/\text{秒}$
Q を $5^\circ/\text{秒}$ とする。

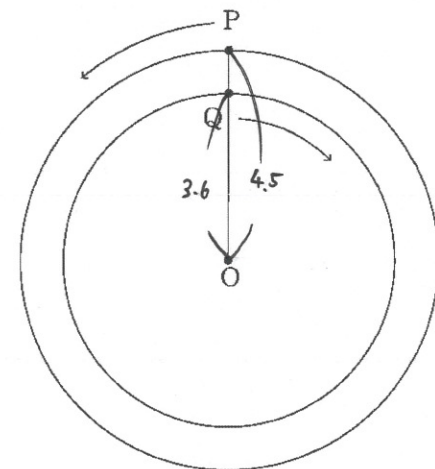
ア.  $180 \div (4 + 5) = 20 \text{ 秒かかる}$
 80° の時
 $9 \times 3.14 \times \frac{80}{360} = \underline{6.28 \text{ cm}^2}$

イ. $3.6 \times 4.5 \div 2 = \underline{8.1 \text{ cm}^2}$

ウ. P が 4 周 1440° に 360 秒まで。
はじめてが 10 秒後で、以降 20 秒ごと。

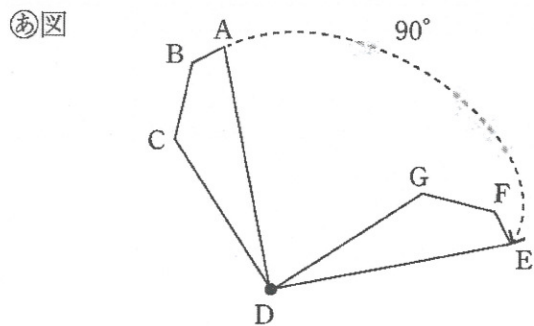
$$10 + 20 \times \square = 360$$

$$\square = 17 \text{ までだから } \underline{18 \text{ 回}}$$



答	ア	6.28	イ	8.1	ウ	18
---	---	------	---	-----	---	----

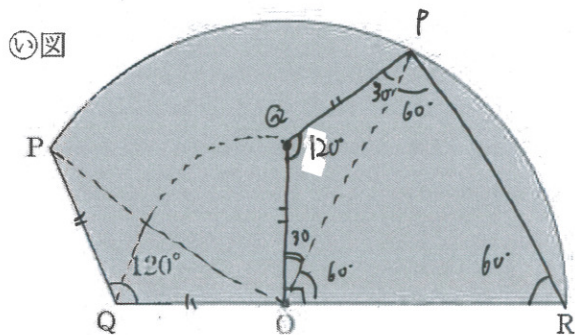
- 3 四角形 ABCD を、㉔図のように矢印の向きに回転させ、四角形 EFGD と重なるように動かすことを、「四角形 ABCD を点 D のまわりに、時計まわりに 90° 回転させる」といいます。次の **ア**、**イ**、**ウ** にあてはる数をそれぞれ求めなさい。



- 1 ㉕図は、ある四角形を点 O のまわりに、時計まわりに 90° 回転させるとき、その四角形が通るところを表したものです。曲線 \widehat{PR} は点 O を中心とする円の一部です。3つの点 Q, O, R は一直線上にならんでいます。また、直線 PQ の長さと直線 QO の長さは等しいです。この四角形の角のうち、最も小さい角の大きさは **ア** $^\circ$ です。

(求め方)

右の図より 60 $^\circ$



答

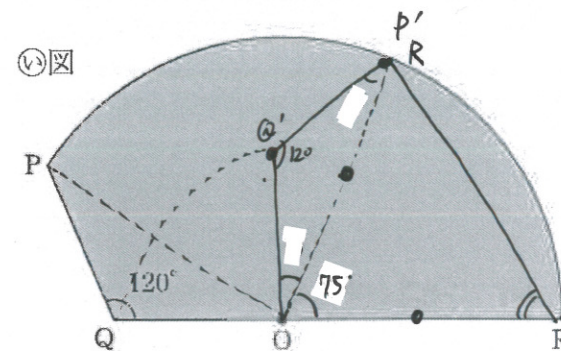
ア	60
---	----

- ㉕図は、(1)とは別の四角形を点 O のまわりに時計まわりに \square° 回転させたとき、その四角形が通ったところを表したものと考えることもできます。 \square にあてはまる数のうち、最も小さいものは **イ** で、そのときの四角形の角のうち、最も小さい角の大きさは **ウ** $^\circ$ です。

(求め方)

$$150 \div 2 = 75^\circ$$

$$(180 - 75) \div 2 = 52.5^\circ$$



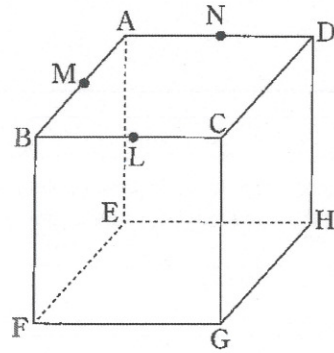
答

イ	75	ウ	52.5
---	----	---	------

4 図のように、立方体 ABCDEFGH があります。

点 L, M, N は、それぞれ辺 BC, 辺 AB, 辺 AD の真ん中の点です。

次の問いに答えなさい。



① この立方体の辺の上や頂点に点 P をとります。三角形 ABP が二等辺三角形になるような、点 P のとり方は何通りありますか。

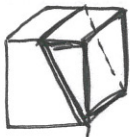
直角二等辺 ... 4 とお
二等辺 ... 3 とお } 7 通り

答 7 通り

② この立方体を、3つの点 L, N, G を通る平面で切ったとき、2つに分かれた立体の表面積の差は、もとの立方体の表面積の $\frac{1}{3}$ 倍です。また、2つに分かれた立体の体積の差は、もとの立方体の体積の $\frac{1}{2}$ 倍です。 $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{2}$ にあてはまる数をそれぞれ求めなさい。

(求め方)

ア ... もとの表面積を 6 とすると、小 ... $\frac{1}{4} \times 2 + \frac{1}{3} + 1 + 切 = 2 + 切$
大 ... $4 + 切$ だから差 $\frac{1}{3}$ 倍



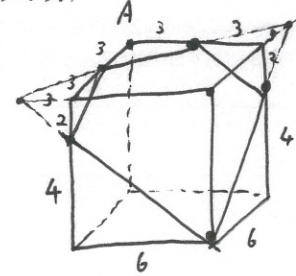
小 $\frac{1}{4}$ 倍
大 $\frac{3}{4}$ 倍 だから 答
差は $\frac{1}{2}$ 倍

ア	$\frac{1}{3}$	イ	$\frac{1}{2}$
---	---------------	---	---------------

③ この立方体の1辺の長さを6cmとします。この立方体を3つの点 M, N, G を通る平面で切ったとき、切り口の形は \square です。頂点 A を含む方の立体の体積は \square cm^3 です。 \square にあてはまる図形を、次の①~④から選び番号で答え、 \square にあてはまる数を求めなさい。

- ①三角形 ②四角形 ③五角形 ④六角形

(求め方)



$$\text{手前は } \frac{9 \times 9}{2} \times \frac{6}{3} - \frac{3 \times 3}{2} \times \frac{2}{3} \times 2 = 81 - 6 = 75 \text{ cm}^2$$

$$6 \times 6 \times 6 - 75 = 141 \text{ cm}^3$$

答 \square ③ \square 141

- 5 ある町の人口を2000年から2015年まで5年ごとに調べたら、表のようになりました。次の問いに答えなさい。

2000年	10000人
2005年	
2010年	12000人
2015年	17280人

- ① 2015年の人口は、2010年の人口の何倍ですか。

(求め方)

$$17280 \div 12000 = \underline{1.44 \text{ 倍}}$$

答

1.44

- ② 2010年の人口は、2005年の人口の1.25倍に増えていました。2005年の人口は何人ですか。

(求め方)

$$12000 \div 1.25 = \underline{9600 \text{ 人}}$$

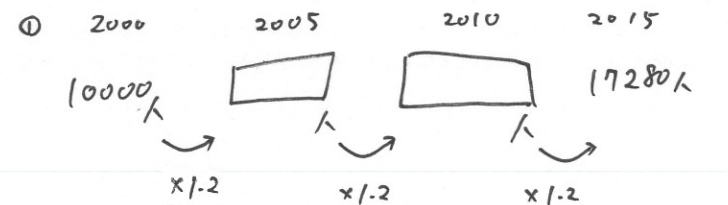
答

9600人

- ③ 仮に、2000年から2015年まで5年ごとに、同じ倍率で人口が変化しと考えたとき、次の問いに答えなさい。

- ① この倍率は何倍ですか。
② ①で求めた倍率を用いて、この町の2020年の人口を予測すると、何人ですか。

(求め方)



$$1.728 = 1.2 \times 1.2 \times 1.2 \text{ だから } \underline{1.2 \text{ 倍}}$$

② $17280 \times 1.2 = \underline{20736 \text{ 人}}$

答

①	1.2	②	20736人
---	-----	---	--------